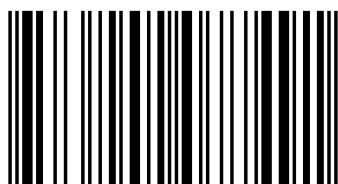


Данное пособие будет интересно, прежде всего, преподавателям как высших, так и средних учебных заведений, а также студентам, обучающимся на экономических факультетах. Цель работы – стимулирование использования компьютерных технологий на примере решения задач оптимизации в экономике. В пособии рассматривается следующие разделы: линейное программирование, нелинейное программирование, теория игр. Кроме этого рассматривается вопрос применения современных информационных технологий для решения оптимизационных задач с помощью интегрированных пакетов типа MathCAD, в том числе и с использованием программирования. В пособии приведено большое количество примеров решения задач. Для линейного программирования рассматриваются примеры графического решения, а также с использованием симплекс-таблиц. В разделе «Нелинейное программирование» основной акцент сделан на самый доступный метод решения задач такого типа – метод неопределенных множителей Лагранжа. В разделе «Теория игр» рассматриваются методы решения матричных игр любой размерности. Кроме того, в конце каждого раздела предлагается сборник задач и упражнений по темам. Данное пособие способствует улучшению качества образования студентов и учащихся ВУЗов.



Болотский Александр Владимирович, доцент кафедры «Информатика и методика обучения информатике и математике» Пензенского государственного университета. Автор 23-х учебных пособий, 42 научных статей. Область исследований: информационные технологии в математике.



978-620-2-07749-1

### Исследование операций



Александр Владимирович Болотский

# Математическое программирование и теория игр

Использование новейших информационных  
технологий

Болотский

LAP  
**LAMBERT**  
Academic Publishing

## ОГЛАВЛЕНИЕ

ПРЕДИСЛОВИЕ.....	6
ГЛАВА 1. ИССЛЕДОВАНИЕ ОПЕРАЦИЙ .....	7
§ 1. Основные понятия.....	7
1. Терминология.....	7
2. Основная задача исследования операций.....	9
3. Типичные классы задач исследования операций.....	9
4. Однокритериальная и многокритериальная оптимизация.....	10
§ 2. Линейное программирование.....	12
1. Стандартные задачи линейного программирования.....	12
2. Каноническая задача минимизации.....	15
3. Двойственность в задачах линейного программирования.....	15
4. Геометрическое истолкование задачи линейного программирования.....	17
5. Симплекс-метод.....	20
§ 3. Нелинейное программирование.....	36
1. Основные понятия и определения.....	36
2. Условный экстремум.....	40
3. Сведение условного экстремума к безусловному.....	41
4. Необходимые условия существования условного экстремума.....	42
5. Метод неопределённых множителей Лагранжа.....	44
§ 4. Элементы теории игр .....	46
1. Общее определение игры.....	46
2. Бескоалиционные игры.....	49
3. Матричные игры. Чистые и смешанные стратегии.....	51
4. Матричные игры $2 \times 2$ .....	55
5. Матричные игры $2 \times n$ , $m \times 2$ .....	57
6. Матричные игры $m \times n$ , $m, n \geq 3$ .....	59
Упражнения .....	62

ГЛАВА 2. ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ ГРАФОВ .....	63
§ 1. Основные понятия .....	63
1. Определение псевдографа, мультиграфа и графа .....	63
2. Изоморфизм .....	67
3. Степени вершин графа.....	69
4. Подграфы. ....	70
5. Операции над графами. ....	70
6. Маршруты, цепи, циклы.....	72
§ 2. Матрицы графов .....	74
1. Матрицы, ассоциированные с ориентированным графом .....	74
2. Матрицы неориентированного графа. ....	74
3. Примеры матрицы графов.....	75
§ 3. Связные графы.....	76
1. Определение связного графа. ....	76
2. Свойства связных графов. ....	77
3. Теорема об оценке числа рёбер графа.....	78
§ 4. Обходы .....	79
1. Эйлеровы графы. ....	79
2. Гамильтоновы графы .....	80
§ 5. Деревья .....	81
1. Определение дерева. ....	81
2. Теорема о деревьях. ....	82
§ 6. Планарные графы .....	83
1. Плоские и планарные графы.....	83
2. Грани плоского графа. Формула Эйлера. ....	85
§ 7. Раскраски.....	88
1. Правильная раскраска.....	88
2. Раскраска рёбер. ....	89
3. Раскраска планарных графов .....	90

Упражнения .....	91
<b>ГЛАВА 3. ПРИМЕРЫ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧ ИССЛЕДОВАНИЯ ОПЕРАЦИЙ С ПРИМЕНЕНИЕМ КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ.....</b>	
§ 1. Примеры решения задач линейного программирования .....	92
1. Практическое применение графического метода решения задач линейного программирования. ....	92
2. Пример решения задачи линейного программирования симплекс-методом. ....	97
3. Решение задач линейного программирования на ЭВМ. ....	99
3.1. Реализация графического метода решения задачи линейного программирования в системе <i>MathCad</i> .....	99
3.2. Реализация симплексного метода решения задачи линейного программирования в среде <i>MathCad</i> . ....	102
3.3. Реализация графического метода решения задачи линейного программирования в среде <i>Excel</i> .....	104
3.4. Решение задачи линейного программирования с помощью встроенных функций <i>Excel</i> .....	106
3.5. Реализация симплексного метода решения задачи линейного программирования с помощью математического пакета <i>MATLAB</i> . ....	107
§ 2. Примеры решения задач нелинейного программирования .....	109
§ 3. Примеры решения задач с использованием элементов теории игр. ....	120
ЛИТЕРАТУРА .....	130